Total number of printed pages-11

3 (Sem-2/CBCS) PHY HG/RC

2023

PHYSICS

(Honours Generic/Regular)

(Electricity and Magnetism)

Paper: PHY-HG / RC-2016

Full Marks: 60

Time: Three hours

The figures in the margin indicate full marks for the questions.

Answer either in English or in Assamese.

- 1. Answer the following : 1×7=7
 তলৰ প্ৰশ্নসমূহৰ উত্তৰ দিয়া ঃ
 - (i) Define electric potential. বৈদ্যুতিক বিভৱৰ সংজ্ঞা দিয়া।
 - (ii) What is the electric field inside a uniformly charged spherical shell with total charge Q and of radius R?

Q আধানযুক্ত R ব্যাসার্দ্ধৰ গোলাকাৰ খোল এটাৰ ভিতৰত বিদ্যুত ক্ষেত্র কি ?

- (iii) What is the unit of magnetic susceptibility?
 টৌম্বিক প্ৰবণতাৰ একক কি ?
- (iv) If \vec{B} is the magnetic field, write down the expression for magnetic energy per unit volume.

 কোনো এটা বিন্দুত চৌশ্বিক আৱেশৰ মান যদি \vec{B} হয়, সেই ঠাইত একক আয়তনত সঞ্চিত চুম্বকীয় শক্তিৰ মান কিমান ?
- (v) Find the curl of the vector $\vec{A}=Z\hat{j}$ তলত দিয়া ভেক্টৰটোৰ কাৰ্ল নিৰ্ণয় কৰা। $\vec{A}=Z\hat{i}$
- (vi) What is the magnetic force experienced by a stationary charge q placed in a magnetic field \vec{B} ? \vec{B} চুম্বক ক্ষেত্ৰত স্থিৰ অৱস্থাত থকা আধান q ৰ ওপৰত চুম্বকীয় বলৰ পৰিমাণ কিমান ?
- (vii) What is the volume of a cube whose three adjacent sides represent three vectors \vec{A} , \vec{B} and \vec{C} .

$$\left|\vec{A}\right| = \left|\vec{B}\right| = \left|\vec{C}\right| = a$$

2

এটা ঘনকৰ তিনিটা সন্নিহিত বাহু এ যদি \vec{A} , \vec{B} আৰু \vec{C} ভেক্টৰ নিৰ্দেশ কৰে, ঘনকটোৰ আয়তন কিমান ?

$$\left|\vec{A}\right| = \left|\vec{B}\right| = \left|\vec{C}\right| = a$$

2. Answer the following:

2×4=8

তলত দিয়া প্ৰশ্নবোৰৰ উত্তৰ লিখা ঃ

(i) Find the angle between the two vectors $\vec{A} = \hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k}$ and $\vec{B} = -\hat{i} + \hat{i} - 2\hat{k}$.

$$ec{A}=\hat{i}+2\hat{j}-\hat{k}$$
 আৰু $ec{B}=-\hat{i}+\hat{j}-2\hat{k}$ দুটি
ভেক্টৰৰ মাজৰ কোণ নিৰ্ণয় কৰা।

- (ii) What is the physical meaning of the statement $\nabla \cdot \vec{B} = 0$? (Here \vec{B} represents the magnetic field)
 - $\vec{\nabla}\cdot\vec{B}=0$ উক্তিটোৰ ব্যাখ্যা কি ? (ইয়াত \vec{B} এ চুম্বকক্ষেত্র বুজাইছে।)
- (iii) Define Poynting vector. What is its unit?

পইন্টিং ভেক্টৰৰ সংজ্ঞা দিয়া। ইয়াৰ একক কি ?

3

(iv) Electric potential at a point situated at a distance r from the origin is

$$V(r) = \frac{C}{r^2}$$

What is the intensity of the electric field at that point?

মূল বিন্দুৰ পৰা r দূৰত্বত অবস্থিত বিন্দু এটাত বৈদ্যুতিক বিভব

$$V(r) = \frac{C}{r^2}$$

সেই বিন্দুত বৈদ্যুতিক ক্ষেত্ৰ প্ৰাবল্যৰ মান কিমান ?

3. Answer any three of the following:

5×3=15

তলৰ যিকোনো তিনিটাৰ উত্তৰ দিয়া :

(i) An electron is revolving in a circular orbit of radius R with a time period T. Find the expression for the magnetic moment.

ইলেক্ট্ৰন এটাই R ব্যাসাৰ্দ্ধৰ বৃত্তাকাৰ কক্ষপথ এটাত Tসময়ত সম্পূৰ্ণ এপাক মাৰে। চৌম্বক ভ্ৰামক কিমান ?

(ii) State Lenz's law. If I is the current passing through a loop of self inductance L, show that the magnetic energy stored in the loop is

$$W = \frac{1}{2}LI^2$$
 1+4=5

লেঞ্জৰ সূত্ৰটো লিখা। L স্বয়ং আৱেশ গুণাংকৰ কুণ্ডলী এটাৰ মাজেৰে I বিদ্যুত প্ৰবাহিত হ'লে, দেখুওৱা যে কুণ্ডলীটোত জমা হোৱা চৌম্বক শক্তিৰ পৰিমাণ

$$W = \frac{1}{2}LI^2$$

(iii) What do you mean by electric dipole? Show that the energy of an electric dipole \vec{p} in an electric field \vec{E} is given by

$$U = -\vec{p} \cdot \vec{E} \qquad 1 + 4 = 5$$

বৈদ্যুতিক দ্বিমেৰু বুলিলে কি বুজা ?

দেখুওৱা যে \vec{E} বিদ্যুত ক্ষেত্ৰত থকা বৈদ্যুতিক দ্বিমেৰু \vec{D} ত জমা হৈ থকা শক্তিৰ পৰিমাণ

$$U = -\vec{p} \cdot \vec{E}$$

(iv) If $\vec{w} = w_1 \hat{i} + w_2 \hat{j} + w_3 \hat{k}$ is a constant vector and $\vec{r} = x \hat{i} + y \hat{j} + z \hat{k}$, show that

$$\vec{\nabla} \times \vec{w} \times \vec{r} = 2\vec{w}$$
 5

যদি $\vec{w}=w_1\hat{i}+w_2\hat{j}+w_3\hat{k}$ এটা স্থিৰ ভেক্টৰ হয় আৰু $\vec{r}=x\hat{i}+y\hat{j}+z\hat{k}$, দেখুওৱা যে $\vec{\nabla}\times\vec{w}\times\vec{r}=2\vec{w}$

- (v) Derive an expression for electric potential due to a dipole at its axial line. What is the unit of dipole moment?

 4+1=5
 এটা দিমেৰুৰ অক্ষীয় স্থানত বিদ্যুত বিভব উলিওৱা।
 বৈদ্যুতিক দিমেৰু ভামকৰ একক কি ?
- 4. Answer **any three** of the following:
 10×3=30
 তলত দিয়া প্ৰশ্নবোৰৰ *যিকোনো তিনিটাৰ* উত্তৰ লিখা:
 - (i) (a) State Stokes' theorem of vectors.
 উকৰ তত্ত্বটো লিখা।
 - (b) Verify the Stokes' theorem for the vector $\vec{A} = \frac{1}{2}x^2y\hat{j}$ over the surface lying in the Z = 0 plane bounded by the circle $x^2 + y^2 = 1$.

2+8=10

ভেক্টৰ $\vec{A}=\frac{1}{2}x^2y\hat{j}$ আৰু Z=0 সমতলত $x^2+y^2=1$ বৃত্তই আগুৰা পৃষ্ঠখনৰ ক্ষেত্ৰত ষ্টকৰ সূত্ৰটো সাব্যস্ত কৰা।

- (ii) (a) State Gauss's theorem of electrostatics.
 স্থিতি বিদ্যুতৰ গাউছৰ সূত্ৰটো লিখা।
 - (b) Using Gauss's theorem of electrostatics obtain the expression for electric field due to a uniformly charged solid sphere of radius R at a point.

 2+4+4=10

গাউছৰ সূত্ৰটো ব্যাৱহাৰ কৰি R ব্যাসাৰ্দ্ধৰ সুষমভাৱে আধানযুক্ত গোটা গোলক এটাৰ

- (i) Outside the sphere. বাহিৰৰ এটা বিন্দৃত
- (ii) Inside the sphere. ভিতৰৰ এটা বিন্দুত বিদ্যুত ক্ষেত্ৰ প্ৰাবল্য নিৰ্ণয় কৰা।
- (iii) (a) State Ampere's circuital law.

 Using this law show that the magnetic field at a distance d from a long straight conductor carrying current I is

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi d} \qquad 2+4=6$$

এম্পিয়াৰৰ চক্ৰীয় কুণ্ডলীৰ সূত্ৰটো লিখা।
এই সূত্ৰটো ব্যাৱহাৰ কৰি দেখুওৱা যে I বিদ্যুত
প্ৰবাহ হৈ থকা দীঘল পোন পৰিবাহী তাৰ
এডালৰ পৰা d দূৰত্বত চুম্বক ক্ষেত্ৰৰ প্ৰাবল্য

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi d}$$

(b) The magnetic field strength at a distance 0.5m from a long, current carrying straight conductor is

$$H = 2A/m$$

Find the current through the conductor.

বিদ্যুত প্ৰবাহ বৈ থকা দীঘল, পোন পৰিবাহী তাৰ এডালৰ পৰা 0.5 মিঃ দূৰত্বত চৌশ্বিক প্ৰাবল্যৰ মান H=2A/m পৰিবাহী ডালৰ মাজেৰে বৈ থকা বিদ্যুত প্ৰবাহৰ মান কিমান ?

(iv) (a) State Faraday's law of electromagnetic induction.
ফেৰাডেৰ বিদ্যুত চুম্বকীয় আবেশৰ সূত্ৰটো

- (b) What do you mean by self and mutual inductance?
 স্বয়মারেশ আৰু প্রতি আরেশ মানে কি বুজা ?
- (c) Find the self inductance per unit length of a long solenoid of radius R with N turns per unit length.

R ব্যাসাৰ্দ্ধৰ দীঘল কুণ্ডলী এটাৰ প্ৰতি একক দৈৰ্ঘ্যত থকা পাকৰ সংখ্যা N। কুণ্ডলীটোৰ প্ৰতি একক দৈৰ্ঘ্যৰ স্বয়মাৱেশ গুণাংক উলিওৱা।

- (v) (a) What do you mean by bound charge and free charge in a dielectric medium?
 - আবদ্ধ আধান আৰু মুক্ত আধান মানে কি বুজা ?
 - (b) Obtain the Gauss theorem in dielectric.

9

ডাইইলেক্ট্ৰিক মাধ্যমত গাউছৰ সূত্ৰটো উলিওৱা।

2+4+4=10

- (c) Obtain the relation between the permittivity of the medium ε and the susceptibility χ_e . 2+5+3=10 মাধ্যম এটাৰ প্রবেশ্যতা ε আৰু বৈদ্যুতিক সংবেদনশীলতা χ_e ৰ মাজৰ সম্পর্ক স্থাপন কৰা।
- (vi) (a) What do you mean by capacitance of a body?
 কোনো এটা বস্তৰ ধাৰকত্ব মানে কি বুজা ?
 - (b) The uniform electric field between a parallel plate capacitor of surface area A is

$$E = \frac{\sigma}{\varepsilon_0}$$

where σ is the surface charge density. Obtain the expression for the capacitance of the capacitor.

A পৃষ্ঠ কালিৰ সমান্তৰাল ফলি ধাৰক এটাৰ মাজৰ সুষম বিদ্যুত ক্ষেত্ৰৰ মান

$$E = \frac{\sigma}{\varepsilon_0}$$

ইয়াত ত হ'ল একক ক্ষেত্ৰফলৰ আধানৰ পৰিমাণ। এনেকুৱা এখন সমান্তৰাল ফলি ধাৰকৰ ধাৰকত্ব উলিওৱা। (c) The capacitance of a parallel plate capacitor of surface area A and plate-separation d is C Farad. If d is doubled, how should we change A to keep the capacitance same?

2+5+3=10

A ক্ষেত্ৰফলৰ সমান্তৰাল ফলি ধাৰক এখনৰ পাত দুখনৰ মাজৰ দূৰত্ব d আৰু ধাৰকটোৰ ধাৰকত্ব C। পাত দুখনৰ মাজৰ দূৰত্ব যদি দুগুন কৰা হয়, ধাৰকৰ ধাৰকত্ব একে ৰাখিবলৈ পাতৰ কালি কেনেকুৱা ধৰণে সলনি কৰিব লাগিব।

11